

# Sebenta

## Economia e Organização Industrial



SOMOS  
PARA O TEU  
**SUCESSO**

Este é um trabalho realizado por alunos, pelo que não está livre de conter gralhas ou falta de informação; torna-se, assim, essencial fazer uma análise crítica à sua leitura, tendo em conta a matéria lecionada nas aulas. Qualquer correção deverá ser enviada para **comissao2ano@aefep.pt**

## Capítulo 3 – Mercados de Oligopólio

### 3.1 - Introdução à Teoria dos Jogos

Em muitos mercados as empresas interagem apenas com *alguns concorrentes*: mercados de *oligopólio*.

A **teoria dos jogos** estuda o comportamento racional em situações que envolvem interdependência:

- Racionalidade: os jogadores decidem de forma a alcançar os seus objetivos (ex: maximização lucro – As empresas têm um objetivo claro e definido e vão tomar decisões para o maximizar (Racionalidade económica!))
- Interdependência (na tomada de decisão cada jogador formula expectativas sobre as decisões dos outros jogadores)

Assim, dois pressupostos da Teoria dos Jogos são a racionalidade económica e o pensamento estratégico.

Elementos de um jogo:

- Jogadores: Quem são os participantes na interação estratégica? Empresas, países, indivíduos, ...
- Estratégias: decisões ou planos completos de ações para todas as contingências em que o jogador pode ser chamado a jogar
- Ganhos (ou *payoffs*)

Jogos variam consoante:

- a variável de decisão dos jogadores (ex: preço, quantidade, ...)
- são *cooperativos* (aqueles onde é possível os jogadores estabelecerem relações entre si) ou *não cooperativos* (os jogadores tomam decisões individuais, tendo em vista os seus próprios objetivos (estes são os jogos que vamos estudar))
- o *timing* da decisão (podem ser simultâneos (cada jogador toma a sua decisão sem conhecer a decisão do outro) ou sequenciais)
- o número de períodos de decisão
- o número de jogadores
- a informação disponível para os jogadores no momento de decisão

Nota: Jogos dinâmicos, com mais momentos, são mais complicados.

Há a necessidade de um conceito de equilíbrio uma vez que o equilíbrio fornece uma previsão sobre o comportamento dos jogadores. O equilíbrio é expresso nas estratégias dos jogadores. Quando formamos um equilíbrio, temos um perfil de estratégias. Cada jogador tem o seu equilíbrio de estratégia. Existem vários conceitos de equilíbrio (equilíbrio em estratégias dominantes, equilíbrio de Nash, equilíbrio perfeito nos subjogos, etc).

Se estivermos em equilíbrio e o jogo se voltar a repetir, os jogadores voltam a escolher as mesmas estratégias.

Ganhos líquidos => Payoffs

Payoffs das empresas => Quotas das empresas

### Jogo 1

Duas companhias aéreas oferecem a mesma ligação aérea entre duas cidades. Ambas as empresas já definiram os preços e têm de decidir o horário dos vãos. 70% dos consumidores preferem que a viagem se inicie ao final da tarde e 30% preferem que se inicie de manhã. As empresas conhecem a procura. Para além disso, se as companhias aéreas escolherem o mesmo horário, têm idênticas quotas de mercado.

Matriz de ganhos:

		<i>Ibéria (empresa 2)</i>	
		<i>Manhã</i>	<i>Tarde</i>
<i>TAP (empresa 1)</i>	<i>Manhã</i>	(15, 15)	(30, 70)
	<i>Tarde</i>	(70, 30)	(35, 35)

Ganhos: (quota de mercado da TAP, quota de mercado da Ibéria)

Os jogadores fazem escolhas simultâneas. Assim, a única coisa que podem fazer é prever o que o outro vai decidir.

### 3.2 - Estratégias dominantes e dominadas

#### **Estratégia dominada:**

- Conduz sempre a resultados inferiores face a outras estratégias disponíveis, independentemente das decisões dos rivais.
- Não são escolhidas por jogadores racionais, pelo que podem ser eliminadas da análise.
- A eliminação de uma estratégia dominada pode tornar uma outra estratégia dominada permitindo, assim, que seja também eliminada.

**Estratégia dominante:** Conduz a resultados sempre superiores quaisquer que sejam as decisões das empresas rivais

No jogo 1, manhã é uma estratégia dominada para a Ibéria. Para a Ibéria, independentemente do que a TAP escolher, a tarde dá sempre melhor resultado. Como a empresa escolhe sempre a estratégia dominante, então o **equilíbrio em estratégias dominantes** no jogo 1 é (tarde, tarde)

Nota: Define-se o equilíbrio com estratégias e não com payoffs (ex.: (35,35) estaria errado).

### Jogo 2

Se as duas empresas tiverem voos à mesma hora, 60% dos consumidores prefere a empresa 1 e 40 % prefere a empresa 2. Qual é o equilíbrio?

		Ibéria	
		Manhã	Tarde
TAP	Manhã	(18, 12)	(30, 70)
	Tarde	(70, 30)	(42, 28)

Ganhos: (quota de mercado da TAP, quota de mercado da Ibéria)

Imaginando que a TAP joga tarde, a Ibéria ou joga manhã e recebe 30 ou joga tarde e recebe 28 => Manhã > Tarde

**Tarde:** é uma estratégia dominante para a TAP. A Ibéria não tem estratégia dominante: a sua melhor decisão depende da decisão da empresa rival. Deste modo, não posso aplicar o conceito de equilíbrio de estratégias dominantes e, portanto, o jogo 2 não tem nenhum equilíbrio em estratégias dominantes.

A Ibéria irá encontrar a sua melhor resposta se perceber que a tarde é uma estratégia dominante para a TAP. Assim, a Ibéria terá que tomar a decisão consoante aquilo que acredita que a TAP irá fazer => Raciocínio Estratégico

**Equilíbrio de Nash** do jogo 2: (tarde, manhã)

### 3.3 - Equilíbrio de Nash

O perfil de estratégias  $(a^*, b^*)$  para os jogadores A e B é um equilíbrio de Nash se:

- $a^*$  é a melhor estratégia para A quando B escolhe  $b^*$
- $b^*$  é a melhor estratégia para B quando A joga  $a^*$ .

Num equilíbrio de Nash nenhum jogador tem incentivo em alterar a sua estratégia, admitindo que o jogador rival mantém a estratégia definida no equilíbrio.

A fraqueza deste conceito é que nos baseamos em convicções que podem não estar certas aquando do desenrolar do jogo.

### Jogo 3

Consideremos o seguinte exemplo:

Duas companhias aéreas têm de escolher o preço dos bilhetes. Os consumidores são indiferentes quanto ao horário do voo. Existem 60 consumidores com um preço de reserva de 500 e 120 consumidores com um preço de reserva de 220. O custo de transporte de um passageiro é 200 (igual para as duas empresas). A capacidade de cada avião é de 200 passageiros. As estratégias de preço possíveis são: Preço = 500 ou Preço = 220. Caso pratiquem um preço idêntico as empresas repartem o mercado equitativamente.

### Matriz de ganhos:

		<i>Ibéria</i>	
		$P_E = €500$	$P_B = €220$
<i>TAP</i>	$P_E = €500$	(€9000, €9000)	(€0, €3600)
	$P_B = €220$	(€3600, €0)	(€1800, €1800)

Ganhos: (lucros TAP, lucros Ibéria)

EN: ( $P_E = 500$ ,  $P_E = 500$ ) e EN: ( $P_B = 220$ ,  $P_B = 220$ )

Então, qual é a solução?

Não sabemos! Temos dois candidatos a solução => Problema da Multiplicidade de Equilíbrios Nash (ENs)

O ideal para as empresas seria escolher o preço alto. No entanto, as empresas encontram-se apenas uma vez no mercado e não comunicam (nestes jogos, não é dada a oportunidade aos jogadores de comunicar expectativas). Assim, pode surgir um EN com preços baixos (porque uma acha que a outra vai escolher preço baixo e vice-versa). Deste modo, o jogador vai ter em conta experiências passadas para tomar uma decisão.

### Jogo 4

		<i>Jogador 2</i>	
		<i>A</i>	<i>B</i>
<i>Jogador 1</i>	<i>A</i>	(0,0)	(-1,1)
	<i>B</i>	(-1, 2)	(3, -1)

Ganhos: (jogador 1, jogador 2)

EN em estratégias mistas ( $p_1$ ,  $q_1$ ) ( $P_1$  = Probabilidade do 1 escolher "A";  $q_1$  = Probabilidade do 2 escolher "A")

### Exemplo adicional

		<b>Jogador B</b>		
		Esquerda	Centro	Direita
<b>Jogador A</b>	Cimo	(0,4)	(4,0)	(5,3)
	Meio	(4,0)	(0,4)	(5,3)
	Baixo	(3,5)	(3,5)	(6,6)

EN em estratégias puras: (Baixo, Direita)

### **Jogo 5:** O dilema dos prisioneiros

Dois prisioneiros, Horácio e Gaspar, estão presos em celas separadas devido a um grave crime que ambos cometeram. O delegado de acusação dispõe de provas apenas de uma ofensa menor que ambos cometeram, para a qual a pena é de um ano de prisão. Cada prisioneiro é informado de que, se confessar o crime grave e o outro prisioneiro não o fizer, sairá em liberdade enquanto o outro prisioneiro terá uma pena de prisão de 20 anos. Se ambos confessarem, serão castigados com uma pena intermédia de 5 anos para cada um.

#### **Matriz de ganhos:**

		<i>Gaspar</i>	
		<i>Confessa</i>	<i>Não confessa</i>
<i>Horácio</i>	<i>Confessa</i>	(5,5)	(0,20)
	<i>Não confessa</i>	(20,0)	(1,1)

Ganhos: (Horácio, Gaspar)

Equilíbrio em estratégias dominantes: (confessar, confessar)

### **Dilema dos prisioneiros: aplicação:**

As Autoridades norte-americanas desenvolveram investigação sobre um conluio de preços na indústria farmacêutica (segmento das vitaminas) que durou cerca de 10 anos. Em 1999 propuseram à Rhone-Poulenc a colaboração nas investigações em troca de uma penalização mais suave para os crimes. As multas aplicadas foram significativamente maiores para as empresas Roche e Basf do que para a Rhone-Poulenc.

### **Jogo 6:** Matriz de ganhos

		<i>Paramount</i>	
		<i>Romance</i>	<i>Suspense</i>
<i>Columbia Tristar</i>	<i>Romance</i>	(€900,€900)	(€400,€1000)
	<i>Suspense</i>	(€1000,€400)	(€750,€750)

Ganhos: (Columbia Tristar, Paramount)

## **3.4 – Modelos de oligopólio**

Modelos principais de oligopólio:

- Cournot
- Bertrand
- Hotelling
- Stackelberg

Distinguem-se:

- pela variável de decisão
- pelo *timing* do jogo

### **Modelo de Cournot com duas empresas**

O modelo de Cournot (1836) pode ser interpretado como um jogo:

- Não cooperativo
- Estático (um só momento de decisão)
- Simultâneo
- A variável de decisão é a quantidade

### **Modelo de Cournot com duas empresas com custos iguais**

Procura inversa:  $P=A-BQ$

Cada empresa produz  $q_i$  com  $i = 1,2$  sendo  $Q=q_1+q_2$

O produto é homogêneo e o custo unitário das duas empresas é  $c$ . Não existem custos fixos

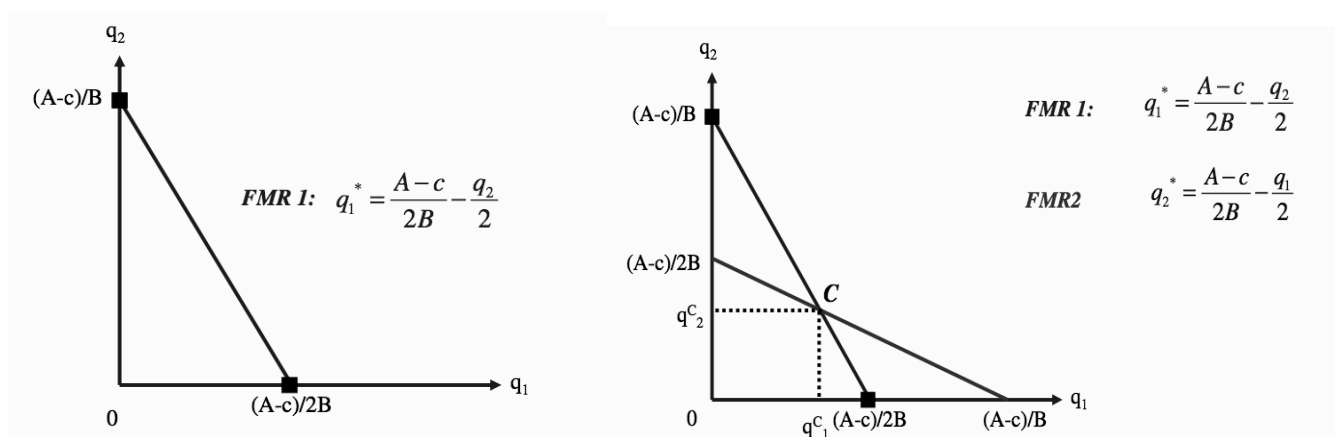
**Hipótese do modelo de Cournot:** cada empresa determina a sua quantidade assumindo que a quantidade da rival não se altera.

- Decisão da empresa 1:

$$\text{Max}_{q_1} \quad LT_1 = Pq_1 - cq_1 = (A - Bq_1 - Bq_2 - c)q_1$$

$$q_1 = \frac{A-c}{2B} - \frac{q_2}{2} \quad \text{Função melhor resposta da empresa 1 (FMR}_1\text{)}$$

A  $FMR_1$  representa a quantidade que maximiza o lucro da empresa 1 para qualquer quantidade escolhida pela empresa 2.

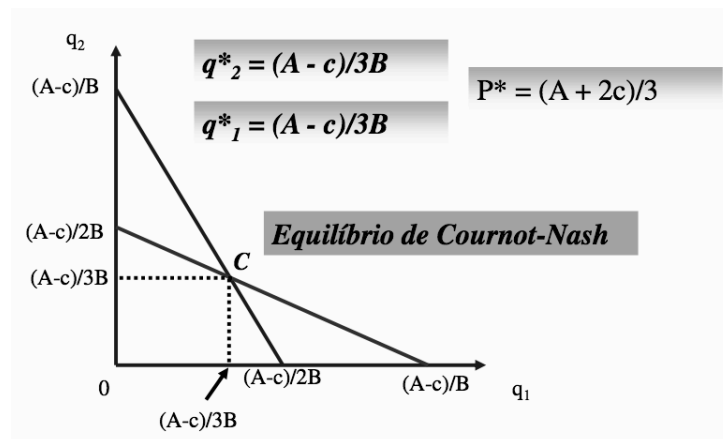


No equilíbrio de Nash-Cournot cada empresa formula uma conjectura sobre a decisão da empresa rival e decide a quantidade de acordo com a sua função de melhor resposta.

Nota: Quando a empresa 2 aumenta a sua quantidade, a empresa 1 diminui a sua quantidade a produzir => Relação Inversa



Se a empresa 2 não produzir, então, na prática, a empresa 1 comporta-se como monopólio.



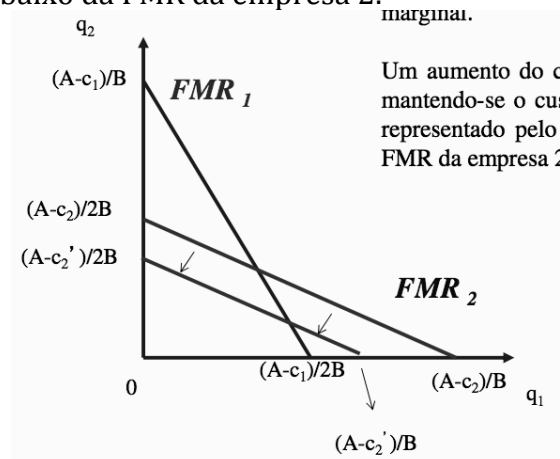
Modelo de Cournot com duas empresas com custos marginais diferentes ( $c_1$  e  $c_2$ )  
Considerando as duas funções de melhor resposta determinam-se as quantidades de equilíbrio:

$$\begin{cases} q_1^* = \frac{A - c_1}{2B} - \frac{q_2}{2} \\ q_2^* = \frac{A - c_2}{2B} - \frac{q_1}{2} \end{cases} \quad \begin{aligned} q_1^* &= \frac{A + c_2 - 2c_1}{3B} \\ q_2^* &= \frac{A + c_1 - 2c_2}{3B} \end{aligned}$$

A empresa com custo marginal mais baixo produzirá maior quantidade. Assim, uma das empresas, tendo maior custo, passará a produzir menos, terá menor quota e, portanto, menor lucro.

### Modelo de Cournot com duas empresas

A posição das FMR depende do custo marginal. Um aumento do custo marginal da empresa 2, mantendo-se o custo marginal da empresa 1, é representado pelo deslocamento para baixo da FMR da empresa 2.



### 3.5 - Modelo de Cournot com n empresas idênticas

Procura inversa:  $P = A - BQ = A - B(q_1 + q_2 + \dots + q_n)$

Consideremos a empresa 1. A função procura pode ser representada como:

$$P = (A - Bq_{-1}) - Bq_1$$

$Q_{-1} = q_2 + \dots + q_n \Rightarrow$  Quantidade colocada no mercado por todas as empresas menos a 1, ou seja, é a soma das quantidades de todas as empresas à exceção da 1.

Decisão da empresa 1:  $Rmg_1 = Cmg_1 \Leftrightarrow A - BQ_{-1} - 2Bq_1 = c \Leftrightarrow q_1 = (A - c)/2B - Q_{-1}/2$  (FMR1)

Uma vez que as empresas são idênticas, em equilíbrio verifica-se:

$$Q^*_{-1} = (N - 1)q^*_1$$

$$q^*_1 = (A - c)/(N + 1)B$$

$$Q^* = \frac{N(A - c)}{(N + 1)B}$$

$$P^* = \frac{A + Nc}{(N + 1)}$$

$$Q^* = \frac{N(A - c)}{(N + 1)B}$$

• Se  $N=1$   $Q^* = \frac{A - c}{2B}$  e  $P^* = \frac{A + c}{2}$

Resultado de Monopólio!

$$P^* = \frac{A + Nc}{(N + 1)}$$

• Se  $N=\infty$   $Q^* = \frac{A - c}{B}$  e  $P^* = c$

Resultado de Concorrência Perfeita!

### 3.6 - Concentração e rentabilidade

- N empresas com custos marginais diferentes
- Procura da empresa  $i$ :  $P = (A - BQ_{-i}) - Bq_i$
- Decisão da empresa  $i$ :  $Rmg_i = Cmg_i \Leftrightarrow A - BQ_{-i} - 2Bq_i = c_i$

Em equilíbrio:

$$A - B(Q^* - q^*_i) - 2Bq^*_i = c_i$$

Logo:

$$\frac{P^* - c_i}{P^*} = \frac{s_i^*}{\eta} \quad \text{índice de Lerner da empresa } i$$

( $s_i^*$  é a quota mercado da empresa  $i$  e  $\eta$  é a elasticidade preço da procura)

Se  $s_1^* > 50\%$ , a condição aproxima-se de um monopólio. Um aumento da quota de mercado, traduz-se num aumento do preço porque a indústria vai-se retrair como um todo.

A empresa 1, tendo um custo mais baixo que as outras empresas, irá ter um aumento da sua quota (produz mais enquanto que as outras produzem menos). No entanto, a diminuição da produção por parte das outras empresas é maior do que o aumento da produção da empresa 1.

Assim, a única explicação para uma empresa ter maior quota de mercado é o aumento da eficiência.

Para além disso, quando uma empresa reduz os custos, vai diminuir a produção para aumentar os preços e, assim, gerar um maior lucro.

No limite,  $s^*_1 = 1 \Rightarrow$  Situação de monopólio.

Nota: O preço de mercado depende essencialmente da ação da empresa maior.

Para as N empresas:

$$\frac{P^* - \bar{c}}{P^*} = \frac{H}{\eta} \quad \text{índice de Lerner para a indústria} \quad \bar{c} = \sum_{i=1}^N s_i^* c_i$$

O modelo de Cournot, generalizado para N empresas com custos marginais diferentes, fornece suporte teórico para a conclusão de que, à medida que o grau de concentração aumenta, o preço distancia-se do custo marginal.

Quanto maior o H, maior o exercício de poder de mercado desta indústria.

### **Jogo concorrência pelas quantidades**

Temos duas empresas. Cada empresa tem como único objetivo a maximização do seu lucro individual

Função procura inversa:  $P = 12 - Q$

Não existem custos (como não há custos, maximizar o lucro significa maximizar a receita total) e a variável decisão é a quantidade. Temos ainda decisões simultâneas das duas empresas e, após a escolha da quantidade, cada empresa observa a decisão da empresa rival e regista os lucros obtidos. Esta decisão repete-se 10 vezes. O payoff do jogo é a soma dos lucros obtidos nas 10 jogadas.

		Quantidade do adversário				
Minha quantidade	q	0	1	2	3	4
	0	0	0	0	0	0
	1	11	10	9	8	7
	2	20	18	16	14	12
	3	27	24	21	18	15
	4	32	28	24	20	16

Hipóteses simplificadoras:

- Quantidades são sempre um número inteiro
- Empresa escolhe a quantidade mais elevada em caso de indiferença quanto ao valor do lucro

### **3.7 - Modelo de Bertrand**

O modelo de Bertrand (1883) considera as mesmas hipóteses do modelo de Cournot, excepto quanto à variável de decisão. A variável de decisão de cada empresa é o preço.

A concorrência via preços ocorre em muitos mercados:

- telecomunicações
- restaurantes
- consultores e serviços financeiros

Neste modelo assumem-se os seguintes pressupostos:

- Duas empresas
- Produto homogéneo

- Cmg constante e igual para as duas empresas
- Decisões simultâneas
- Função procura:  $Q = a - bP$

Temos uma forma das empresas competirem num mercado muito diferente. Apesar de apenas haverem diferenças ao nível da variável de decisão, os resultados entre este e o outro modelo são completamente diferentes.

Nota: Os preços têm um papel importante nas transações. No entanto, há mercados onde isto não tem relevância. Há mercados onde modelos em que a quantidade é um fator mais importante devem ser os aplicados.

**Hipótese do modelo de Bertrand:** cada empresa determina o seu preço assumindo que o preço da rival não se altera.

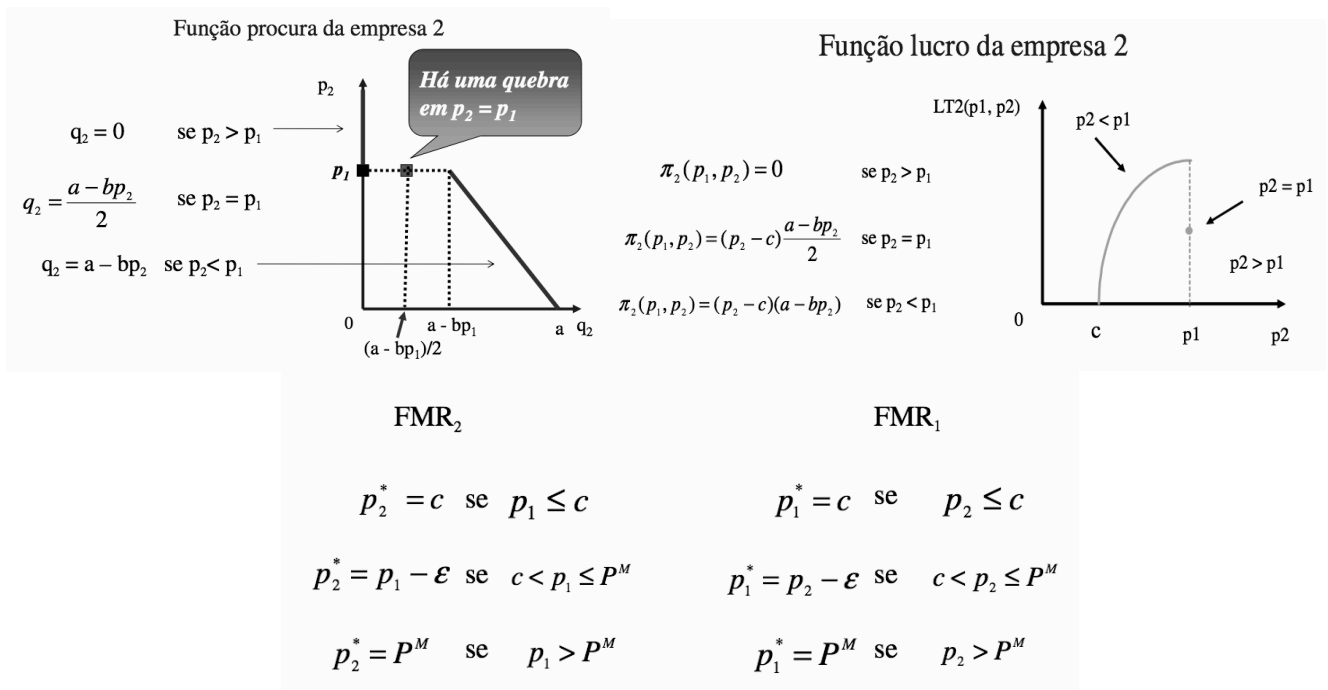
É importante saber qual é a procura que a empresa 2 observa quando decide o preço, ou seja, temos que saber a melhor função resposta para a empresa 2.

A expectativa da empresa 2 é:

- se  $p_2 > p_1$ : a empresa 2 não espera vender qualquer quantidade (ninguém vai comprar à 2 porque o consumidor quer comprar o mesmo produto por menos valor);
- se  $p_2 = p_1$ : a empresa 2 espera repartir a procura de modo igual com a empresa 1;
- se  $p_2 < p_1$ : a empresa 2 espera ficar com toda a procura.

A função procura para a empresa 2 é, deste modo, descontínua:

$$\begin{aligned} q_2 &= 0 & \text{se } p_2 > p_1 \\ q_2 &= (a - bp_2)/2 & \text{se } p_2 = p_1 \\ q_2 &= a - bp_2 & \text{se } p_2 < p_1 \end{aligned}$$



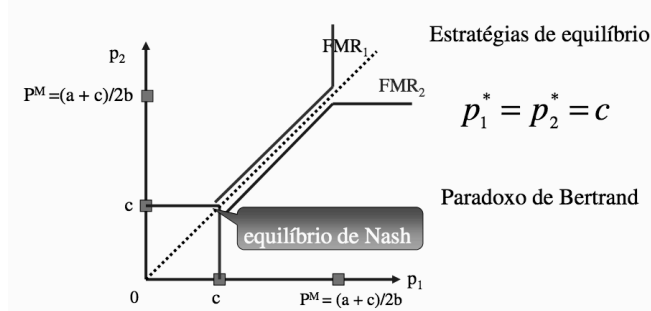
Se  $P_1$  tiver um preço que excede o preço de monopólio, a empresa 2 deve praticar um preço inferior a  $P_1$  e deve concretamente optar pelo preço de monopólio para ter lucro máximo.

Não interessa praticar um preço muito mais baixo porque, assim, o lucro diminui bastante. Deve optar por  $P_2 < P_1$  com a mínima diferença possível, sendo que deve tentar ter o máximo de lucro possível face às condições existentes.

$P_2^* = P^M$  se  $P_1 > P^M \Rightarrow$  Neste caso, pode haver uma grande diferença entre  $P_2^*$  e  $P_1$ .

#### FMR2:

- Se  $P_1$  é superior ao preço de monopólio ( $P^M$ ), a empresa 2 obtém o lucro de monopólio escolhendo  $P^M$ .
- Se  $c < P_1 \leq P^M$ , a empresa 2 consegue ficar com toda a procura e obter lucros positivos se escolher um preço inferior ao preço da empresa 1.
- Se  $P_1 \leq c$ , a empresa 2 maximiza o lucro (obtendo lucro zero) escolhendo  $P_2 = c$ .



#### Limitações do modelo:

1. Restrições de capacidade: as empresas podem não ter capacidade para servir todo o mercado; Imaginemos, por exemplo, que a empresa 1 aumenta o preço, perdendo assim alguns clientes. A empresa 2 não consegue satisfazer todos os clientes do mercado (a capacidade das empresas não é limitada), ou seja, a empresa 2 tem que racionar a procura. Deste modo, a empresa 1 terá sempre clientes que não são satisfeitos pela empresa 2.

2. Diferenciação de produto: os consumidores podem não considerar os produtos como substitutos perfeitos. As empresas oferecem muitas vezes produtos interpretados como diferentes pelo mercado. Esta diferenciação gera poder de mercado.

Adicionalmente é necessário considerar as limitações do modelo de Bertrand em contextos de assimetria de custos entre as empresas no mercado. Temos empresas que praticam preços altos e outras que praticam preços baixos. No entanto, uma empresa que tenha um preço um pouco mais elevado não deixa de ter completamente clientes, como o modelo diz. Apenas observa uma diminuição do número de clientes.

### 3.8 - Concorrência pelos preços e restrições na capacidade produtiva

Para  $P_1 = P_2 = c$  ser um equilíbrio é necessário que ambas as empresas tenham capacidade para produzir a quantidade procurada ao preço  $p = c$ , uma vez que está subjacente a ameaça de que se uma empresa fixar um preço ligeiramente maior a outra empresa fica com toda a procura.

Contudo, se  $P_1 = P_2 = c$ , cada empresa só produz metade da quantidade procurada a este preço.

### **Exemplo:**

Duas empresas, A e B oferecem um produto homogêneo

Custo marginal = 10

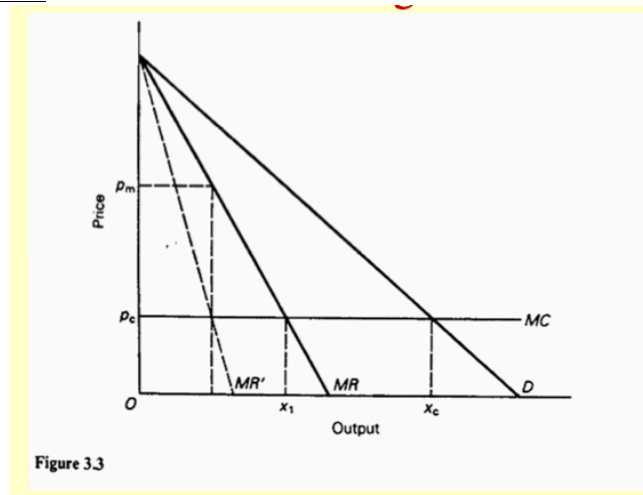
Função procura:  $Q = 6000 - 60P$ .

Capacidade das empresas: 2700 para cada empresa.

$P_A = P_B = c \Rightarrow$  não é um equilíbrio de Nash.

É improvável que as empresas tenham uma capacidade de 5400 para servirem apenas 2700 unidades.

### **Modelo de Edgeworth**



Há uma guerra de preços entre  $P_m$  (preço de monopólio) e  $P_c$  (preço de concorrência perfeita). Nenhuma empresa pratica  $P = C_{mg}$  ( $P_m$ ). As empresas vão baixando os preços para fazer concorrência às outras, sucessivamente, até que abandonam esta regra de preços. Este abandono acontece quando o preço atinge  $P_c$  e, nesta situação as empresas aumentam o preço pois não têm incentivo para continuar a baixar.

Tendo em conta este modelo, admitamos que cada empresa tem capacidade para satisfazer metade do mercado ao preço de concorrência.

A empresa 1 (por exemplo) perceberá que se a empresa 2 produz  $x_1 x_c$  utilizando a totalidade da sua capacidade, não tem capacidade para satisfazer procura adicional. Logo, a empresa 1 tem incentivo para aumentar o preço.

Considerando uma distribuição equitativa dos clientes pelas duas empresas, a empresa 1 comporta-se como monopolista com função procura igual ao Rmg. Assim, maximiza o lucro com  $P_m$ .

A empresa 2 responde aumentando o seu preço para  $P_m - \epsilon$ . Mas, neste caso, a empresa 1 tem também incentivo em diminuir o preço.

Neste modelo, não existe uma solução de equilíbrio. O preço oscila entre o preço de monopólio e um preço mais baixo por um período indefinido.

### **3.9 - Modelo de Hotelling: diferenciação do produto**

#### **Hipóteses:**

Existem  $N$  consumidores uniformemente distribuídos ao longo de uma cidade linear de comprimento igual a 1 km. Cada consumidor adquire uma unidade do bem. Existem duas empresas localizadas em cada extremo da cidade.



As empresas escolhem simultaneamente o preço.

Cada empresa determina o preço assumindo que o preço da rival não se altera.

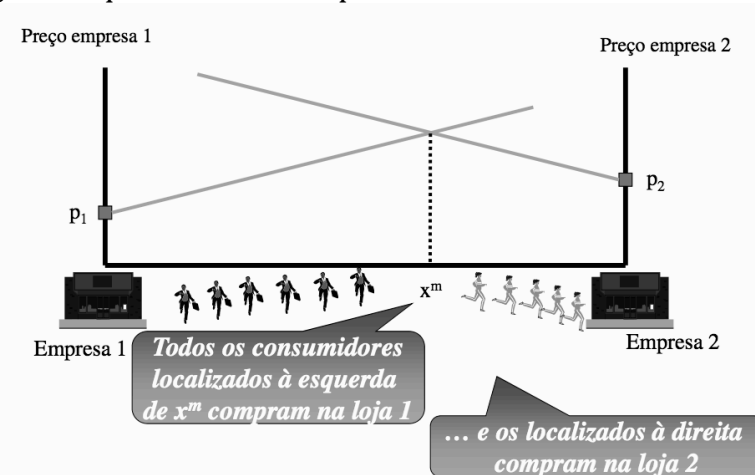
O custo de produção é constante e igual a  $c$ .

Os consumidores suportam um custo de transporte unitário de  $t$ .

Logo, o consumidor localizado no ponto  $x$  tem um custo de:

$\Rightarrow P_1 + xt$  se adquirir o bem à empresa 1

$\Rightarrow P_2 + (1-x)t$  se adquirir o bem à empresa 2



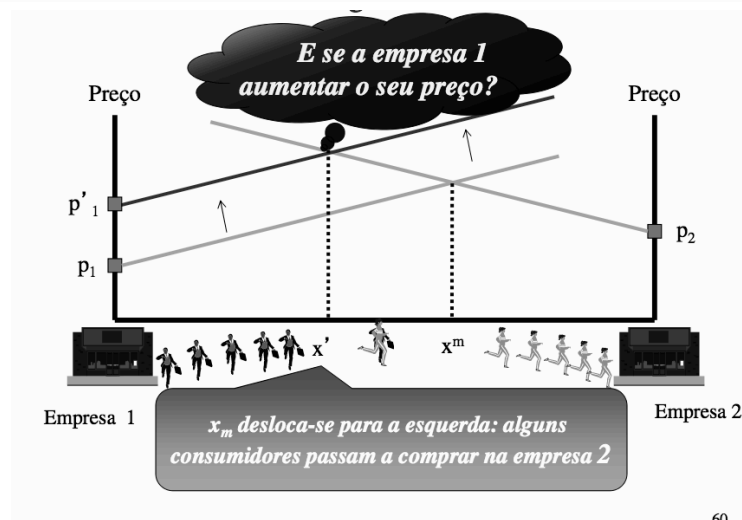
O ponto de equilíbrio (cruzamento das retas) é quando o preço de comprar em 1 é igual ao preço de comprar em 2.

A localização do consumidor indiferente entre adquirir à empresa 1 ou à empresa 2 ( $x^m$ ) verifica:

$$p_1 + tx^m = p_2 + t(1-x^m) \Rightarrow x^m = (p_2 - p_1 + t)/2t$$

Procura dirigida à empresa 1:  $D_1(p_1, p_2) = x^m(p_1, p_2)N = \frac{p_2 - p_1 + t}{2t} N$

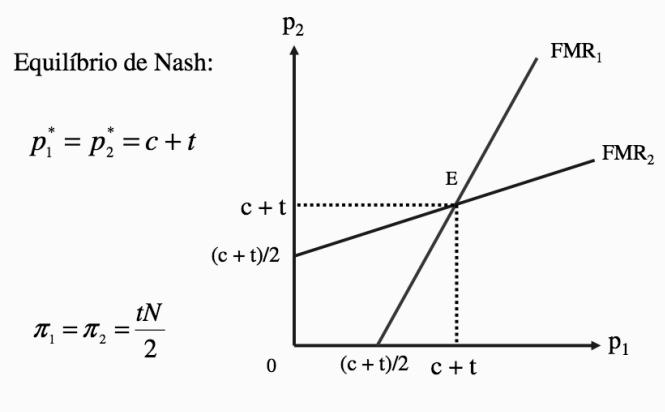
Procura dirigida à empresa 2:  $D_2(p_1, p_2) = (1-x^m)(p_1, p_2)N = \frac{p_1 - p_2 + t}{2t} N$



Função lucro da empresa 1:  $\pi_1 = (p_1 - c)D^1 = N(p_1 - c)(p_2 - p_1 + t)/2t$

Da condição de 1ª ordem de maximização do lucro da empresa 1 é obtida a FMR1 e a FMR2, respetivamente:

$$P_1^* = \frac{p_2 + t + c}{2} \quad P_2^* = \frac{p_1 + t + c}{2}$$



Notas finais:

- $t$  pode ser interpretado como a desutilidade do consumidor por não adquirir a sua especificação ideal do bem.
- Quanto maior  $t$ , maior o valor que os consumidores estão dispostos a pagar para evitarem ficar afastados da sua localização preferida.
- Quanto menor  $t$ , maior a rivalidade entre as empresas.
- Se  $t=0$ , a diferenciação não tem valor para os consumidores => modelo de Bertrand.

1. E se o preço for determinado exogenamente e as empresas escolhem a localização?

Não havendo concorrência em preços, as empresas tendem a localizar-se no centro do espaço de variedades sendo a diferenciação mínima.

Assim, se um regulador controlasse os preços (preços iguais para todas as lojas) e as empresas tivessem liberdade de diferenciação, iriam escolher a mesma localização, isto é, há diferenciação mínima. Qualquer localização que uma empresa escolhesse sem ser o meio, não estaria no ótimo.

2. E se as empresas escolhem quer o preço quer a localização?

Existem dois efeitos antagónicos:

- A concorrência em preços leva as empresas a diferenciar o produto, de modo a conseguirem praticar um preço superior ao custo marginal (a localização nos extremos representa a diferenciação máxima).
- A concorrência em localização leva as empresas à diferenciação mínima.



### Modelo de Hotelling: custos diferentes

Consumidor indiferente:  $x^m = \frac{p_2 - p_1 + t}{2t}$

Funções procura:  $D_1(p_1, p_2) = x^m N = \frac{p_2 - p_1 + t}{2t} N$   
 $D_2(p_1, p_2) = (1 - x^m) N = \frac{p_1 - p_2 + t}{2t} N$

Funções lucro:  $\pi_1(p_1, p_2) = (p_1 - c_1) \frac{p_2 - p_1 + t}{2t} N$   
 $\pi_2(p_1, p_2) = (p_2 - c_2) \frac{p_1 - p_2 + t}{2t} N$

FMRs:  $p_1 = \frac{p_2 + t + c_1}{2}$        $p_2 = \frac{p_1 + t + c_2}{2}$

Preços de equilíbrio:

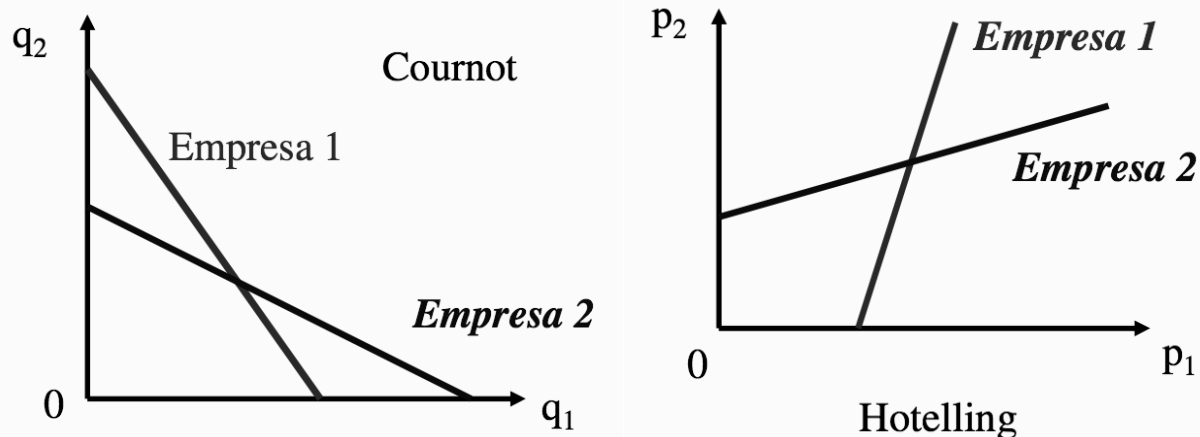
$$p_1^* = \frac{3t + 2c_1 + c_2}{3} \quad p_2^* = \frac{3t + 2c_2 + c_1}{3}$$

Nota:  $\frac{\partial p_1}{\partial c_1} = \frac{2}{3}$        $\frac{\partial p_1}{\partial c_2} = \frac{1}{3}$

### 3.10 - Complementares e substitutos estratégicos

As FMR são muito diferentes em Cournot e em Hotelling:

- em Cournot são negativamente inclinadas
- em Hotelling são positivamente inclinadas

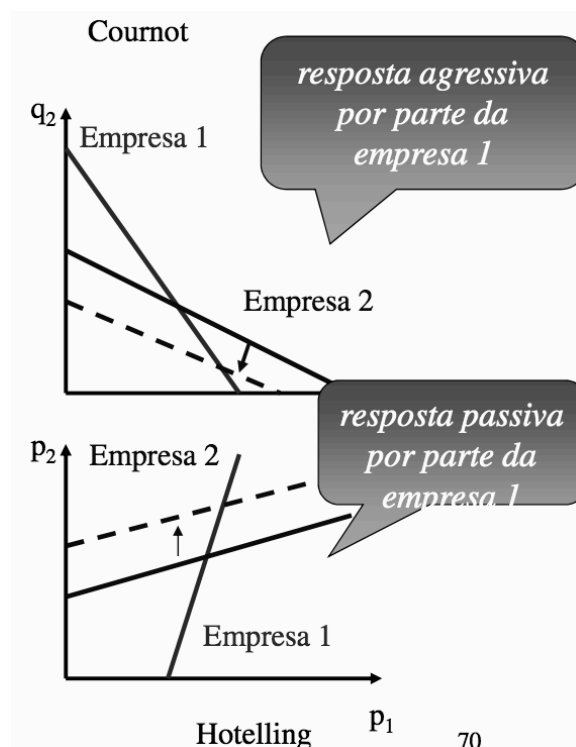


Com aumento nos custos da empresa 2:

Cournot: a FMR2 desloca-se para baixo: para qualquer quantidade da empresa 1, a empresa 2 quer produzir uma menor quantidade. Em equilíbrio aumenta a quantidade da empresa 1 (que se tornou relativamente mais eficiente) e diminui a quantidade da empresa 2.

Hotelling: a FMR2 desloca-se para cima: para qualquer preço da empresa 1, a empresa 2 pretende fixar um preço maior. Em equilíbrio aumentam os preços de ambas as empresas.

A empresa 1 aumenta o preço sem receio de perder clientes. O seu objetivo não é aumentar a quota de mercado mas sim aumentar os preços.



Quando as FMRs têm inclinação positiva estamos perante **complementares estratégicos**. Por outro lado, quando as FMRs são negativamente inclinadas estamos perante **substitutos estratégicos**.

### 3.11 - Decisões sequenciais

Nalguns mercados a concorrência entre as empresas é *sequencial*, ou seja, uma empresa toma uma decisão (lançar um novo produto, efetuar uma campanha publicitária, fixar um preço, ...) e, depois, a segunda empresa observa este movimento e responde.

As decisões sequenciais podem criar:

- uma vantagem de *first-mover*;

Exemplo: Campbell entrou primeiro no mercado dos EUA de sopas instantâneas e lidera o mercado com uma quota de 63%, enquanto a Heinz entrou primeiro no mercado do RU e lidera esse mercado com 41% de quota.

- vantagem de *second-mover*.

A interdependência com decisões sequenciais é estudada utilizando jogos dinâmicos.

#### Jogos dinâmicos : exemplo

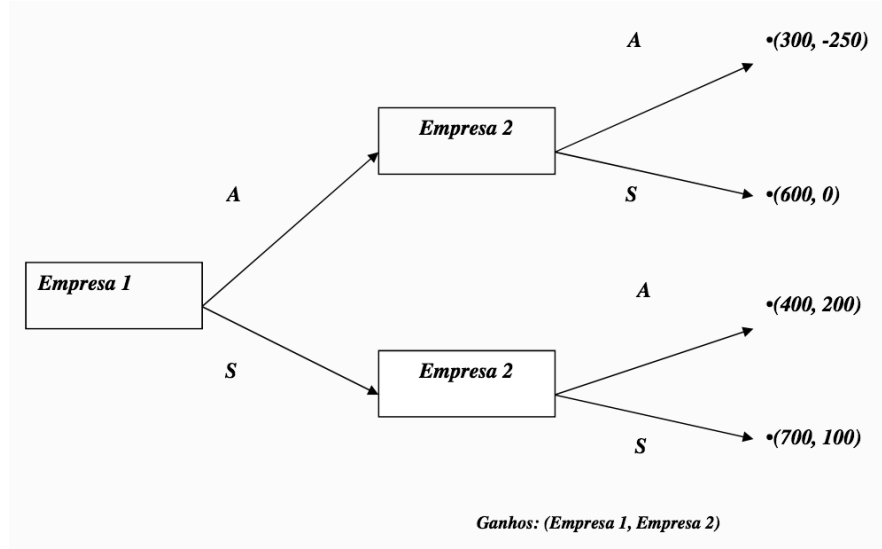
- A empresa 1 escolhe primeiro a natureza da sua campanha publicitária, que pode ser agressiva (A) ou suave (S).
- A empresa 2 observa a decisão da empresa 1 e decide a natureza da sua campanha publicitária: A ou S.

Os ganhos das empresas são:

- Se ambas as empresas escolhem A, a empresa 1 tem um lucro de 300 e a empresa 2 tem um prejuízo de 250.
- Se ambas as empresas escolhem S, a empresa 1 tem um lucro de 700 e a empresa 2 tem um lucro de 100.

- Se a empresa 1 escolhe A e a empresa 2 escolhe S, a empresa 1 tem um lucro de 600 e a empresa 2 tem um lucro de 0.
- Se a empresa 1 escolhe S e a empresa 2 escolhe A, a empresa 1 tem um lucro de 400 e a empresa 2 tem um lucro de 200.

Árvore de decisão:



Estratégias:

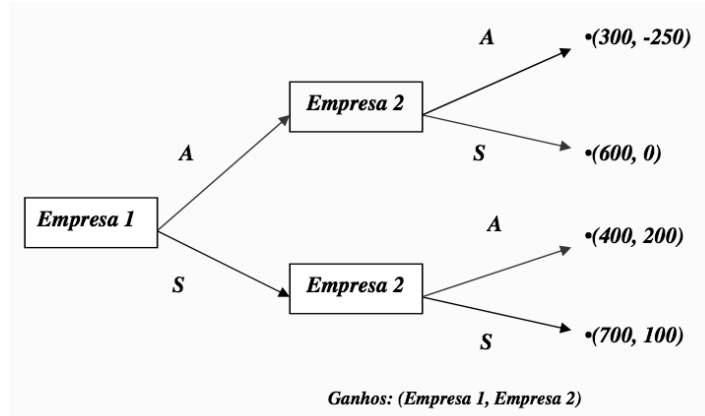
- Empresa 1: A ou S
- Empresa 2:
  - Escolher A qualquer que seja a decisão da empresa 1: (A,A)
  - Escolher S qualquer que seja a decisão da empresa 1: (S,S)
  - Escolher a mesma ação da empresa 1: (A,S)
  - Escolher uma ação diferente da empresa 1: (S,A)

Representação matricial do jogo:

		Empresa 2			
		(A, A)	(A, S)	(S, A)	(S, S)
Empresa 1	A	(300, -250)	(300, -250)	(600, 0)	(600, 0)
	S	(400, 200)	(700, 100)	(400, 200)	(700, 100)

Equilíbrios de Nash: (S, (A; A)) e (A, (S, A)).

Indução retroativa:



**Equilíbrio perfeito nos subjogos:** (A, (S, A)).

Resultado no equilíbrio perfeito nos subjogos: empresa 1 escolhe A e empresa 2 escolhe S, obtendo lucros de 600 e 0 respetivamente. A estratégia (A, A) da empresa 2 envolve uma ameaça não credível.

### O Modelo de Stackelberg (1934)

Hipóteses:

- Decisões sequenciais sobre a quantidade:
  - ⇒ Empresa líder (empresa 1): decide primeiro a sua quantidade.
  - ⇒ Empresa seguidora (empresa 2): escolhe a sua quantidade depois de observar a decisão da líder.
- Custo marginal constante e igual a c
- Função procura inversa:  $P = A - BQ$

Estamos perante empresas racionais e estratégicas visto que a empresa 1, mesmo jogando primeiro, vai antecipar aquilo que a empresa 2 vai fazer. A estratégia da empresa 1 é uma quantidade/ação. Para a empresa 2, a estratégia é uma função.

Por indução retroativa analisa-se primeiro a decisão da empresa 2:

$$\text{Max } LT_2: \quad Rmg_2 = Cmg_2 \quad \Rightarrow \quad q_2 = \frac{A-c}{2B} - \frac{q_1}{2} \quad \text{FMR}_2$$

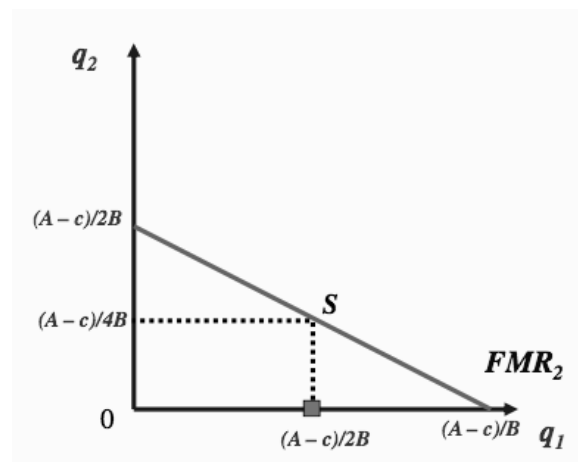
A empresa 1 considera que a empresa 2 escolhe a sua melhor resposta:

$$LT_1 = (A - Bq_1 - Bq_2 - c)q_1 = (A - Bq_1 - B(\frac{A-c}{2B} - \frac{q_1}{2}) - c)q_1$$

$$\text{Max } LT_1 \quad \Rightarrow \quad q_1^* = \frac{A-c}{2B}$$

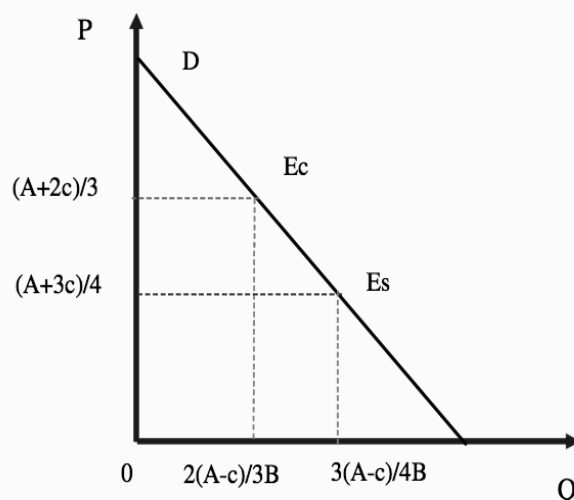
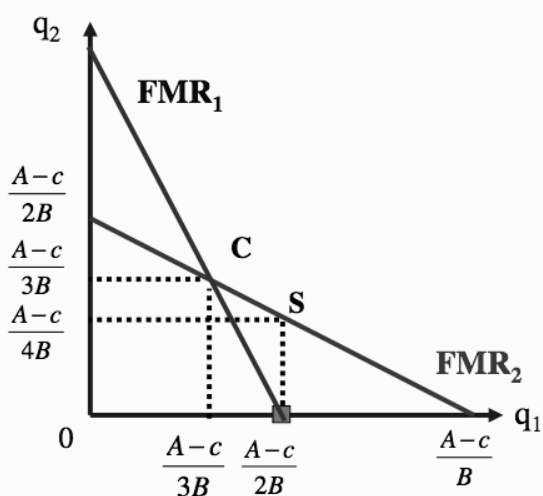
**Equilíbrio perfeito nos subjogos:**  $(q_1^* = \frac{A-c}{2B} ; q_2 = \frac{A-c}{2B} - \frac{q_1}{2})$

A empresa 1 tem uma vantagem em jogar primeiro pois assim produz mais do que a 2.



A líder de Stackelberg escolhe o mesmo volume de produção da empresa monopolista. Mas a empresa 2 não é excluída do mercado.

## O modelo de Stackelberg e o modelo de Cournot



A quantidade de Stackelberg é superior à quantidade de Cournot. Por outro lado, o preço de Stackelberg é inferior ao preço de Cournot.

*Comparação de resultados:*

Resultados para  $P = A - BQ$  e  $C_{mg} = c$

	Preço	Quantidades
Concorrência Perfeita	$P = c$	$\frac{A - c}{B}$
Monopólio	$\frac{A + c}{2}$	$\frac{A - c}{2B}$
Cournot (n=2)	$\frac{A + 2c}{3}$	$\frac{2(A - c)}{3B}$ $q_1 = q_2 = \frac{A - c}{3B}$
Stackelberg (n=2)	$\frac{A + 3c}{4}$	$\frac{3(A - c)}{4B}$ $q_1 = \frac{A - c}{2B}$ $q_2 = \frac{A - c}{4B}$

### Modelo Stackelberg (custos diferentes)

$$q_2 = \frac{A - c_2}{2B} - \frac{q_1}{2} \Rightarrow \text{FMR}_2$$

Resultados no equilíbrio:

$$q_1^* = \frac{A + c_2 - 2c_1}{2B} \quad q_2^* = \frac{A - 3c_2 + 2c_1}{4B}$$

É crucial que a empresa líder se *comprometa* com o volume de produção escolhido. Sem esse compromisso, a empresa 2 poderia ignorar qualquer intenção expressa pela empresa 1 de produzir  $(A - c)/2B$  unidades e o único equilíbrio possível seria o equilíbrio de Cournot.

Como se pode comprometer?

- reputação prévia
- investimento em capacidade adicional
- colocando efetivamente no mercado o volume de produção de Stackelberg

Dado esse compromisso, o *timing* das decisões é relevante

Será que a atuação em primeiro lugar é sempre benéfica? Consideremos a concorrência pelos preços.

### 3.12 - Modelo sequencial de concorrência pelos preços: exemplo

As empresas 1 e 2 podem escolher um de 4 preços. Os valores dos *payoffs* são os lucros apresentados na tabela da seguinte forma ( $LT_1$ ,  $LT_2$ ):

		Empresa 2			
		P2=3	P2=4	P2=5	P2=6
Empresa 1	P1=3	(24, 24)	(30, 25)	(36, 20)	(42, 12)
	P1=4	(25, 30)	(32, 32)	(41, 30)	(48, 24)
	P1=5	(20, 36)	(30, 41)	(40, 40)	(50, 36)
	P1=6	(12, 42)	(24, 48)	(36, 50)	(48, 48)

- Determine o equilíbrio de Nash se as duas empresas fixarem o preço simultaneamente.
- Determine o resultado no equilíbrio perfeito nos subjogos se a empresa 2 fixar o preço em primeiro lugar, sendo “obrigada” a mantê-lo e a empresa 1 tiver a possibilidade de responder da melhor forma possível a esse preço.
- A empresa 2 ficou em melhor ou pior situação relativa em consequência da sua escolha ser efectuada em primeiro lugar?

Com concorrência via preços as conclusões podem ser diferentes:

- a primeira empresa (*first-mover*) não tem vantagem
- admitamos uma situação de produto homogêneo:
  - a empresa líder compromete-se com um preço superior ao custo marginal
  - a segunda empresa pode praticar um preço ligeiramente inferior e ficar com todo o mercado
  - o único equilíbrio é  $P = Cmg$ , idêntico ao do jogo simultâneo
- admitamos agora uma situação de produto diferenciado:
  - modelo espacial, por exemplo
  - escolha sequencial do preço: a empresa 1 define em primeiro lugar, e de forma irreversível, o preço  $p_1$ , e a empresa 2 fixa o preço  $p_2$  depois de observar  $p_1$ .

A procura dirigida a cada empresa é a seguinte:

$$D_1(p_1, p_2) = x^m N = \frac{p_2 - p_1 + t}{2t} N$$

$$D_2(p_1, p_2) = (1 - x^m) N = \frac{p_1 - p_2 + t}{2t} N$$

A FMR da empresa 2 é dada por:  $p_2^* = \frac{p_1 + t + c}{2}$

A empresa 1 define  $p_1$  de modo a maximizar o seu lucro e considerando a FMR2:

$$\pi_1 = (p_1 - c) \frac{p_2 - p_1 + t}{2t} N = (p_1 - c) \frac{\frac{p_1 + c + t}{2} - p_1 + t}{2t} N$$

$$p_1^* = c + \frac{3t}{2}$$

Substituindo na FMR2 obtém-se:  $p_2^* = c + \frac{5t}{4}$

#### Conclusões:

1. Os preços são mais elevados do que no jogo simultâneo em que  $p^* = c + t$ .
2. As empresas têm diferentes quotas de mercado e diferentes lucros:

$$c + \frac{3t}{2} + t x^m = c + \frac{5t}{4} + t(1 - x^m) \Rightarrow x^m = 3/8$$

$$\pi_1 = 18Nt/32$$

$$\pi_2 = 25Nt/32$$

3. A concorrência pelos preços confere vantagem à empresa seguidora: tem maior quota de mercado e maiores lucros. Ambas as empresas ficam melhor do que com decisões simultâneas.

#### Comparação:

Produto	Preço		Quantidade	
	Decisão Simultânea	Decisão Sequencial	Decisão Simultânea	Decisão Sequencial
Homogéneo	$P_1 = P_2 = c$ Bertrand	$P_1 = P_2 = c$	Cournot	Stackelberg: Primeira empresa tem vantagem
Diferenciado	$P_1 = P_2 = c + t$ Hotelling	$P_1 > c + t$ $P_2 > c + t$  Segunda empresa tem vantagem		

#### Algumas conclusões:

*Cournot:* O grau de afastamento do preço competitivo pode estar diretamente relacionado com a estrutura de mercado

*Bertrand:*

- Concorrência pelos preços  $\neq$  concorrência pelas quantidades
- Importância de restrições de capacidade e de diferenciação do produto

*Stackelberg:*

- importância do *timing* das decisões
- importância da credibilidade das ameaças

### 3.13 - Credibilidade das ameaças e equilíbrio em jogos dinâmicos

Em que medida as empresas instaladas num mercado têm capacidade e incentivo para prosseguir estratégias agressivas (nomeadamente quanto ao preço):

- para colocar fora do mercado empresas rivais (*foreclosure*)?
- ou impedir a entrada de novas empresas (detenção da entrada)?

Consegue um monopolista manter o seu poder de monopólio através da ameaça de guerra de preços?

**Preços predatórios:** redução dos preços de forma a não permitir que novas empresas tenham lucros positivos, ou de modo a provocar prejuízos nas empresas rivais “obrigando-as” a sair do mercado. A intenção da empresa instalada é a de, no futuro, aumentar os preços e usufruir do poder de monopolista.

Preços predatórios: casos reais

Acusações de comportamento predatório:

- recentes: por exemplo, *Microsoft*
- antigas: por exemplo, a *Standard Oil* (Rockefeller) foi acusada de ter praticado preços predatórios no mercado norte americano de refinação de petróleo.

Entre 1870 e 1899, a empresa conseguiu conquistar cerca de 90% de quota de mercado, adquirindo mais de 120 empresas rivais. Conta-se que Rockefeller inicialmente fazia uma oferta de aquisição aos proprietários das empresas rivais. Quando estes recusavam a oferta, a Standard Oil diminuía os seus preços até as concorrentes abandonarem o mercado. Após ter conquistado uma posição de domínio do mercado, a empresa aumentou significativamente os preços. Em 1911, por aplicação do Sherman Antitrust Act (1890), a empresa foi dissolvida. Em 2001, a Comissão Europeia considerou que a Deutsche Post AG - DPAG praticava **preços predatórios** no serviço de encomendas de grandes clientes (empresas).

A Comissão Europeia considerou que esta estratégia, que envolvia a prática de preços inferiores aos custos unitários de produção, era subsidiada pelos resultados obtidos no segmento de correspondência tradicional (cartas) no qual a empresa é monopolista. A Comissão Europeia decidiu impor a separação da atividade deste segmento de mercado das restantes atividades da empresa (através da criação de uma nova empresa juridicamente independente), além de condenar a empresa infratora ao pagamento de uma multa de 24 milhões de euros. Esta foi a 1ª aplicação do artº 82 do Tratado da UE ao setor postal.

### **Credibilidade das ameaças**

A política de preços predatórios pode ser desfavorável para a empresa instalada: com preços agressivos os lucros da empresa instalada também diminuem.



Exemplo (Pepall et al, 2008, p.254):

- monopólio da Microhard. Há uma empresa candidata ao mercado (Newvel).
- jogo com dois períodos e dois jogadores
- no primeiro período a Newvel decide se entra ou não no mercado. Se decidir não entrar o jogo termina. Se decidir entrar o jogo prossegue.
- no segundo período, a Microhard pode reagir de duas formas à entrada:
  - acomodar a entrada e partilhar o mercado com a nova empresa
  - reagir de forma agressiva reduzindo o preço (preço predatório)

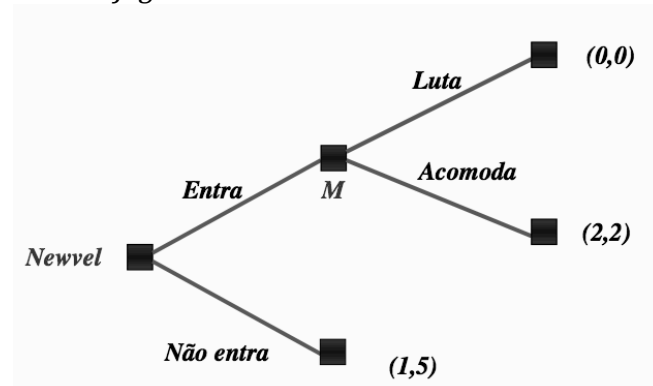
Exemplo:

*Matriz de lucros*

		<i>Microhard</i>	
		<i>Luta</i>	<i>Acomoda</i>
<i>Newvel</i>	<i>Entra</i>	(0, 0)	(2, 2)
	<i>Não entra</i>	(1, 5)	(1, 5)

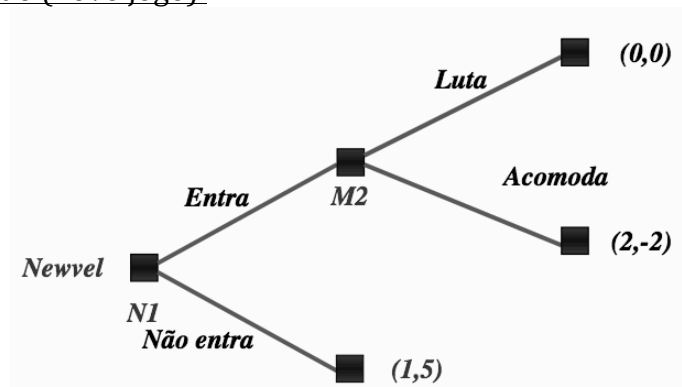
Equilíbrios Nash: (Não Entra, Luta) e (Entra, Acomoda)

*Representação extensiva do jogo*



Equilíbrio perfeito nos subjogos: (Entra, Acomoda)

Exemplo modificado (novo jogo):



Equilíbrio perfeito nos subjogos: (Não entra, Luta)

### 3.14 - O paradoxo da cadeia de lojas (Selten, 1978) – Jogos sequenciais

#### Exemplo:

Considere o jogo inicial entre a Newvel e a Microhard com as seguintes alterações:

- A empresa monopolista tem lojas em 20 cidades.
- Em cada cidade há uma empresa disposta a entrar.
- A candidata à entrada no primeiro mercado decide se entra ou não entra; depois de observar esta decisão, a candidata à entrada no segundo mercado decide se entra ou não entra; e assim sucessivamente até ao 20º mercado.

#### **Qual é o resultado do jogo? Haverá entrada nos 20 mercados?**

Racionalidade do comportamento predatório: análise custo-benefício.

O comportamento predatório é racional se:

$$\text{VAL} = \text{Benefício atualizado} - \text{Custo inicial} > 0$$

No entanto, não vai ser benéfico para a empresa usar este método pois a ameaça de preços baixos não vai ser credível. O 20º candidato percebe que a Microhard não irá permanecer com a ameaça de preços baixos e então entra no mercado. A empresa candidata ao 19º mercado antecipa a decisão da 20ª e então vai também entrar no mercado pois percebe que também não é neste período que a empresa instalada vai ter incentivo a agir com agressividade.

O resultado do equilíbrio do jogo é: (entrada seguida de acomodação em todos os mercados).